(٣)

س = {x : x عدد صحيح موجب أقل من ١٠٠}

اكتب كلا من المجموعات الآتية :-

① س = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١٠، ١١، ١٢، ١٣، ١٤، ١٥، ١٦، ١٧، ١٨، ١٩، ٢٠، ٢١، ٢٢، ٢٣، ٢٤، ٢٥، ٢٦، ٢٧، ٢٨، ٢٩، ٣٠، ٣١، ٣٢، ٣٣، ٣٤، ٣٥، ٣٦، ٣٧، ٣٨، ٣٩، ٤٠، ٤١، ٤٢، ٤٣، ٤٤، ٤٥، ٤٦، ٤٧، ٤٨، ٤٩، ٥٠، ٥١، ٥٢، ٥٣، ٥٤، ٥٥، ٥٦، ٥٧، ٥٨، ٥٩، ٦٠، ٦١، ٦٢، ٦٣، ٦٤، ٦٥، ٦٦، ٦٧، ٦٨، ٦٩، ٧٠، ٧١، ٧٢، ٧٣، ٧٤، ٧٥، ٧٦، ٧٧، ٧٨، ٧٩، ٨٠، ٨١، ٨٢، ٨٣، ٨٤، ٨٥، ٨٦، ٨٧، ٨٨، ٨٩، ٩٠، ٩١، ٩٢، ٩٣، ٩٤، ٩٥، ٩٦، ٩٧، ٩٨، ٩٩}

② س ∩ ∅ = ∅ او { } ، مجموعة خالية .

③ س ∪ ∅ = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١٠، ١١، ١٢، ١٣، ١٤، ١٥، ١٦، ١٧، ١٨، ١٩، ٢٠، ٢١، ٢٢، ٢٣، ٢٤، ٢٥، ٢٦، ٢٧، ٢٨، ٢٩، ٣٠، ٣١، ٣٢، ٣٣، ٣٤، ٣٥، ٣٦، ٣٧، ٣٨، ٣٩، ٤٠، ٤١، ٤٢، ٤٣، ٤٤، ٤٥، ٤٦، ٤٧، ٤٨، ٤٩، ٥٠، ٥١، ٥٢، ٥٣، ٥٤، ٥٥، ٥٦، ٥٧، ٥٨، ٥٩، ٦٠، ٦١، ٦٢، ٦٣، ٦٤، ٦٥، ٦٦، ٦٧، ٦٨، ٦٩، ٧٠، ٧١، ٧٢، ٧٣، ٧٤، ٧٥، ٧٦، ٧٧، ٧٨، ٧٩، ٨٠، ٨١، ٨٢، ٨٣، ٨٤، ٨٥، ٨٦، ٨٧، ٨٨، ٨٩، ٩٠، ٩١، ٩٢، ٩٣، ٩٤، ٩٥، ٩٦، ٩٧، ٩٨، ٩٩} = س

④ س ∩ مجموعة الاعداد الزوجية = {٢، ٤، ٦، ٨، ١٠، ١٢، ١٤، ١٦، ١٨، ٢٠، ٢٢، ٢٤، ٢٦، ٢٨، ٣٠، ٣٢، ٣٤، ٣٦، ٣٨، ٤٠، ٤٢، ٤٤، ٤٦، ٤٨، ٥٠، ٥٢، ٥٤، ٥٦، ٥٨، ٦٠، ٦٢، ٦٤، ٦٦، ٦٨، ٧٠، ٧٢، ٧٤، ٧٦، ٧٨، ٨٠، ٨٢، ٨٤، ٨٦، ٨٨، ٩٠، ٩٢، ٩٤، ٩٦، ٩٨}

س = ٣ ، أمثل بأشكال فن ثم اكتب عناصر كل من المجموعات الآتية :-

① ل ∩ م = {٤، ٦، ٩، ٢٠}

② م ∩ ن = {٥، ٦، ٧، ٩، ٣٠، ٤٠}

③ م ∩ ن = {٥، ٣٠}

④ (ل ∪ م) ∩ ن

نبدأ بداخل الأقواس

⇐ ل ∪ م = {١، ٤، ٦، ٩، ٢٠}

⇐ (ل ∪ م) ∩ ن = {} ، مجموعة خالية . ∅

⑤ (ل ∩ م) ∪ ن

نبدأ بالأقواس

⇐ ل ∩ م = {٤، ٦، ٩، ٢٠}

⇐ (ل ∩ م) ∪ ن = {١، ٤، ٥، ٦، ٧، ٩، ٢٠، ٣٠، ٤٠}

ثانياً :- اتحاد المجموعات :-

هو مجموعة العناصر التي تنتمي الى المجموعة أ او تنتمي الى المجموعة ب او كليهما ويرمز لها بالرمز

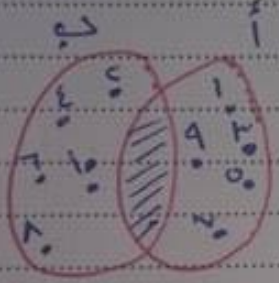
أ ∪ ب وتقرأ "أ اتحاد ب".

مثال (١) :- لتكن أ = {١، ٣، ٥، ٩، ٦، ٧، ٨، ١٠} ، ب = {٢، ٤، ٦، ٧، ٨، ١٠}

(١) أ ∩ ب = {٦، ٧، ٨، ١٠} المجموعة غالبة لانه لايوجد اي عنصر مشابه في المجموعتين.

(٢) أ ∪ ب = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١٠} نأخذ جميع العناصر الموجودة في المجموعتين.

(١) أ ∩ ب = ∅ مجموعة خالية



(٢) أ ∪ ب = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١٠}

تمرين (١١) :- اذا كانت س = مجموعة الاعداد الطبيعية التي تقل عن ١٠ و ص = مجموعة الاعداد الزوجية التي تقل عن ١٠ جد كلا مما يأتي :-

(١) س ∩ ص ، ص ∩ س

ص = {٢، ٤، ٦، ٨} ، س = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩}

س ∩ ص = {٢، ٤، ٦، ٨} ، ص ∩ س = {٢، ٤، ٦، ٨}

(٢) س ∪ ص ، ص ∪ س

س ∪ ص = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩}

ص ∪ س = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩}

تابع ←

الدرس الرابع: العمليات على المجموعات (١)

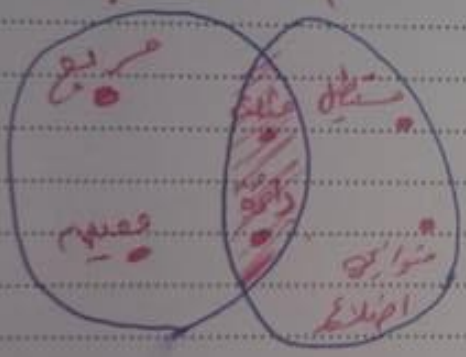
أولاً: تقاطع المجموعات:

هو مجموعة جميع العناصر التي تنتمي الى كل من المجموعة أ و ب معاً ويرمز لها بالرمز أ ∩ ب وتقرأ أ تقاطع ب.

مثال ١: إذا كانت أ = {ك : ك تلميذة في الصف الثالث} ، ب = {ك : ك تلميذة في الصف الرابع}

فما أ ∩ ب ؟

الحل: أ ∩ ب = {ك : ك تلميذة في الصف الثالث وفي الصف الرابع} أي جميع العناصر المشتركة في المجموعتين.



مثال ٢: إذا كانت ع = {٠، ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦} ، ص = {٢، ٤، ٦، ٨} ، ل = {١، ٣، ٥، ٧، ٩}

أوجد: ① ص ∩ ل ② ع ∩ ص ③ ع ∩ ل

الحل: ① ص ∩ ل = {٧} ② ع ∩ ص = {٢، ٤، ٦} ③ ع ∩ ل = {١، ٣، ٥، ٧، ٩}

مثال ٣: إذا كانت س = {ع، ل، ق، ش} ، ص = {ع، م، ق، ف} أوجد: س ∩ ص

الحل: س ∩ ص = {ع، ق}

تابع

الوحدة الرابعة
الدرس الخامس

العمليات على المجموعات (2)

⊗ أولاً: الفرق بين المجموعات

⊗ مجموعة الفرق بين مجموعتين أو أكثر هي مجموعة العناصر التي تنتمي الى أ ولا تنتمي الى ب ويعبر عنها بالرمز أ − ب وتقرأ أ ناقص ب

مثال (1): إذا كانت أ = {1، 3، 6، 7} ، ب = {1، 7، 8} جد عناصر المجموعات الآتية ومثلها بأشكال فن.

① أ − ب = {3، 6} العناصر الموجودة في أ وغير موجودة في ب.

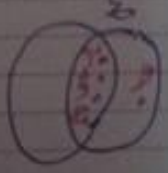
② ب − أ = {8} العناصر الموجودة في ب وغير موجودة في أ.

تمرين (1): إذا كانت ع = {ب، ج، د، هـ، و، ز} ، ك = {ج، و، ز، ب، ه} فجد عناصر المجموعات الآتية

① ع − ك = {د، هـ} .
العناصر الموجودة في ع وغير موجودة في ك.

② ك − ع

ك − ع = { } أو ∅ لا توجد عناصر في ك وغير موجودة في ع.



يتبع

مثال (١) إذا كانت س = {٣، ٦، ٩، ١١، ٤} ، ص = {٩، ١١، ٦} فجد عناصر المجموعات الآتية ، مثل كلا منها بأشكال فن.

① س − ص

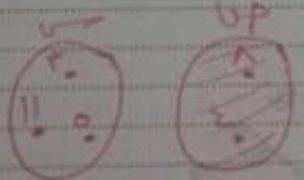
الحل ← س − ص = {٣، ٤} عناصر الموجودة في س وغير موجودة في ص.

② ص − س = {٩، ١١} عناصر الموجودة في ص وغير موجودة في س.

مثال (٢) إذا كانت س = {٣، ٥، ٦، ١١} ، ص = {٣، ٧، ٨} فجد عناصر كل من المجموعات الآتية.

① س − ص = {٥، ٦، ١١}

② ص − س = {٧، ٨}



مثال (٣) إذا كانت س = {١٩٠٦، ١٩٠٧، ١٩٠٨} ، ص = {١٩٠٥، ١٩٠٦، ١٩٠٧}

① س − ص = {١٩٠٨}. عناصر الموجودة في س وغير موجودة في ص

② ص − س = ∅ أو { } لأنه ليس هناك عناصر في ص وليست في س.

يتبع

ثانياً:- المجموعة الكلية والمجموعة المتممة.

تعريف (٣):- إذا كانت المجموعة الكلية ك = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧}

س = {٢، ٥، ٧} فإن س' وتقرأ بأعكال ق س

الحل:-

① س' = ك - س = {١، ٣، ٤، ٦} العناصر الموجودة في ك وغير موجودة في س.

تعريف (٥):- إذا كانت المجموعة الكلية ك = {١، ٣، ٥، ٦، ٠}

س = {١، ٥، ٠} ، ص = {١، ٣، ٦، ٠}.

اكتب عناصر المجموعات الآتية:-

① س' = ك - س = {٣، ٦} العناصر الموجودة في ك وغير موجودة في س.

② ص' = {٥} ⇐ ص' = ك - ص = {٥، ٠} العناصر الموجودة في ك وغير موجودة في ص.

③ ك' = ك - ك = {} أو ∅ مجموعة خالية العناصر الموجودة في ك وغير موجودة في ك.

④ ∅' = ك - ∅ = {١، ٣، ٥، ٦، ٠} العناصر الموجودة في ك وغير موجودة في المجموعة الخالية.

⑤ (س ∩ ص)' غير بقية الأقواس س ∩ ص = {١، ٠} ⇐ (س ∩ ص)' = {٣، ٥، ٦} العناصر الموجودة في ك وغير موجودة في تقاطع س مع ص.

⑥ س' ∪ ص' = {٣، ٥، ٦، ٠} س و ص المتممة موجودة.

⑦ (س ∪ ص)' نفس بقية الأقواس س ∪ ص = {١، ٣، ٥، ٦، ٠}

(س ∪ ص)' = ك - (س ∪ ص) = ∅

⑧ س ∪ س' = {} أو ∅ مجموعة خالية.

(٢)

س/ إذا كانت المجموعة الشاملة ك = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩}

أكتب عناصر المجموعات الآتية:

أ = {١، ٣، ٥، ٧، ٩} ، ب = {١، ٢، ٣، ٤، ٥}.

س = {٢، ٤، ٦، ٨}

① س = ك − أ = {٢، ٤، ٦، ٨}

② ب′ = ك − ب = {٦، ٧، ٨، ٩}.

③ أ ∩ ب = ك − ك = ∅

④ ∅′ = ك − ∅ = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩}.

⑤ أ ∪ س = س ⇐ س ⊂ أ ∪ س = {٢، ٤، ٦}

⑥ أ ∪ ب = {١، ٣، ٥، ٧، ٩، ٦، ٨، ٤}

⑦ س ∪ ب = {٢، ٤، ٦، ٧، ٨}

⑧ أ ∩ ب = {١، ٣، ٥، ٧، ٩}

⑨ أ ∩ س = ∅ ⇐ أ ∩ س = ك − (أ ∪ س)′